

## Fisica 1 per Informatici - Scritto 7/2/06

### Soluzioni

1. Da  $s(t) = s_0 e^{\alpha t}$  segue, derivando,  $v(t) = s_0 \alpha e^{\alpha t}$  e  $a(t) = s_0 \alpha^2 e^{\alpha t}$ . Per  $t = 2\text{s}$ :  
 $s(2\text{s}) = 5.5\text{ cm}$ ,  $v(2\text{s}) = 10.9\text{ cm/s}$  e  $a(2\text{s}) = 218\text{ cm/s}^2$ .
2.  $P(t) = F(t) \times v(t) = m a(t) \times v(t) = m s_0^2 \alpha^3 e^{2\alpha t}$ , da cui si *potrebbe* (non richiesto) ottenere il lavoro come  $\int_{t_1}^{t_2} P(t) dt = m s_0^2 \alpha^2 / 2 (e^{2\alpha t_2} - e^{2\alpha t_1}) = 1.8 \times 10^{-11}\text{ J}$ .  
Con le informazioni e le indicazioni date nel problema il modo più semplice per ricavare il lavoro è dalla variazione di energia cinetica,  $L = \Delta E_c = 1/2 m [v(t_2)^2 - v(t_1)^2]$ , con velocità iniziale pari a  $v(0) = s_0 \alpha = 2\text{ mm/s} = 2^{-3}\text{ m/s}$ , velocità finale pari a  $v(2\text{s}) = 0.109\text{ cm/s}$  e massa  $3 \times 10^{-9}\text{ kg}$ :  $L = 1.8 \times 10^{-11}\text{ J}$ .
3. Essendo  $F(x) = -dE_p(x)/dx = -(2ax + b)$ , essa si annulla per  $x = -b/2a = 1\text{ m}$ .  
Dalla derivata seconda di  $E_p(x)$ , uguale a  $2a = 2\text{ J/m}^2 > 0$ : energia potenziale ha un minimo nel punto di equilibrio:  $\rightarrow$  equilibrio stabile.
4. Il corpo comincia a muoversi quando  $F_c$  ('c' sta per critica) è uguale a  $\mu_s m g$ , da cui  $\mu_s = F_c/mg = 1.53$ .  
Quando la tavoletta è inclinata, la forza tangenziale vale  $m g \sin \theta$  e la forza normale  $m g \cos \theta$ . La condizione critica è data da  $m g \sin \theta = \mu_s m g \cos \theta$ , ovvero  $\mu_s = \tan \theta$ .  
Ne segue che  $\theta = 0.99\text{ rad} = 56.8^\circ$ .
5. Dalla conservazione della quantità di moto, si ricava  $m_1 v_1 + m_2 v_2 = 0$ , da cui  $v_2 = m_1/m_2 \cdot v_1 = -1\text{ m/s}$ .  
L'energia (meccanica) persa nell'urto è pari all'energia cinetica iniziale dei due carrelli, ovvero 3 Joule (2 il primo e 1 il secondo).
6. L'energia necessaria per riscaldare una quantità di acqua di  $\Delta T$  vale, in Joule,  $\alpha m c_a \Delta T$ , con  $\alpha = 4.184\text{ J/cal}$ . L'energia fornita nell'unità di tempo vale quindi  $\alpha (dm/dt) c_a \Delta T = \alpha \phi c_a \Delta T$ , avendo indicato con  $\phi$  il flusso di acqua (in kg/s nel S.I.). Si ottiene quindi  $\phi = P/(\alpha c_a \Delta T) = 120\text{ g/s}$ , ovvero 7.2 kg/min (o litri/min).
7. Baricentro (o centro di massa) lungo  $x$ :  $x_G = \sum_i m_i x_i / \sum_i m_i = 1/2\text{ m}$  (ovvero a un quarto della lunghezza della barra, vicino alla massa maggiore).  
Essendo  $I = \sum_i (x_i - x_0)^2 m_i$ , otteniamo nei tre casi:  $I_G = 3\text{ kg m}^2$ ,  $I_A = 4\text{ kg m}^2$  e  $I_B = 12\text{ kg m}^2$ .
8. La forza totale, diretta lungo l'asse  $z$  vale  $q E_z + q v_x B_y$ . Essendo la forza totale nulla, si ottiene  $v_x = -E_z/B_y = -25\text{ m/s}$ .
9. In condizioni di equilibrio la forza peso, pari  $F_p = -m_p g = -\rho_p S h_p g$  (verso il basso), è bilanciata dalla spinta di Archimede, pari a  $F_A = m_a g = \rho_a S h_a g$ , ovvero  $F_p + F_A = 0$ , da cui  $\rho_p = \rho_a h_a/h_p = \rho_a (h_p - h_e)/h_p = 0.0196\text{ g/cm}^3$ , ovvero  $19.6\text{ kg/m}^3$ .
10. Essendo la potenza dissipata  $P = I^2 R$ , con  $R = 6\ \Omega$ , si ottiene  $I = \sqrt{P/R} = 167\text{ mA}$ .  
Applicando la legge di Ohm si trova la tensione del generatore e delle tre resistenze: 1.00, 0.17, 0.33 e 0.50 V. Le potenze dissipate dalle singole resistenze valgono 28, 56 e 84 mW.